

山口県の関数問題 [平成25年度]

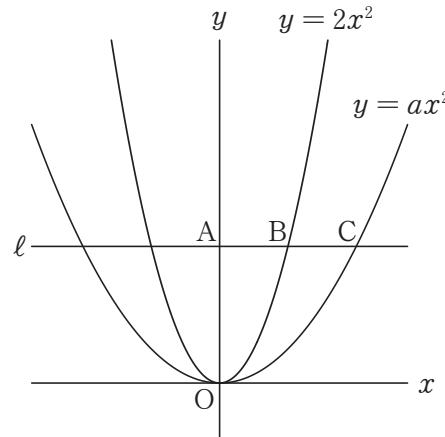
月 日 得点 /4
氏名

- 3 右の図は、関数 $y = 2x^2$ のグラフと、
関数 $y = ax^2$ のグラフを同じ座標軸を
使ってかいたものであり、直線 ℓ は x 軸
に平行である。
次の(1), (2)に答えなさい。

- (1) 直線 ℓ と y 軸との交点を A, 直線 ℓ
と関数 $y = 2x^2$, 関数 $y = ax^2$ のグラ
フとの交点のうち, x 座標が正である
点をそれぞれ B, C とする。また, 点
B の x 座標が 1 で, $AB = BC$ である。
このとき, a の値を求めなさい。

- (2) 関数 $y = 2x^2$ について, 次の ア, イ にあてはまる数を求めなさい。

x の変域が $-1 \leq x \leq$ ア のとき, y の変域は イ $\leq y \leq 18$ となる。



(1)	ア	(2)	イ
$a =$	$\frac{1}{2}$	3	0

各 2 点

山口県の関数問題 [平成25年度]

月 日 得点 /5
氏名

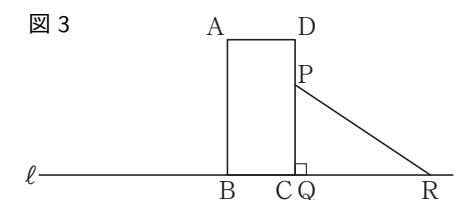
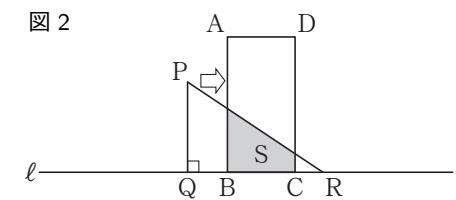
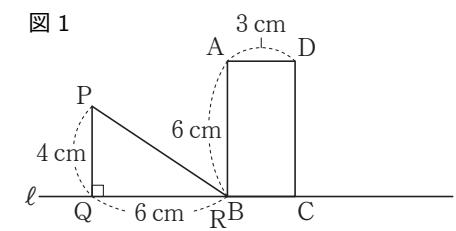
- 10 図 1 のように, $AB = 6\text{ cm}$, $AD = 3\text{ cm}$ の
長方形 ABCD と, $PQ = 4\text{ cm}$, $QR = 6\text{ cm}$,
 $\angle PQR = 90^\circ$ の直角三角形 PQR がある。ま
た, 辺 BC と辺 QR は直線 ℓ 上にあり, 点 B
と点 R は重なっている。

長方形 ABCD を固定し, 図 2 のように,
 $\triangle PQR$ を毎秒 1 cm の速さで, 直線 ℓ に沿っ
て, 矢印の方向に平行移動させ, 図 3 のよう
に, 点 Q が点 C に重なったら移動をやめる。

$\triangle PQR$ と長方形 ABCD の重なっている部
分を S とし, $\triangle PQR$ が移動し始めてから x 秒
後の S の面積を $y \text{ cm}^2$ とする。

次の(1)~(3)に答えなさい。

- (1) $x = 3$ のときの y の値を求めなさい。
(2) $3 \leq x \leq 6$ のとき, y を x の式で表しなさい。
(3) 点 Q が辺 BC 上を移動しているとき, 長
方形 ABCD から S を除いた部分の面積が
 14 cm^2 となるのは, $\triangle PQR$ が移動し始め
てから何秒後か。求めなさい。



(1)	(2)	(3)
$y =$	3	$2x - 3 \quad (3 \leq x \leq 6)$

(1) 1 点 (2) 2 点 (3) 2 点

山口県の関数問題 [平成24年度]

—月—日 得点 ___ /4

氏名 _____

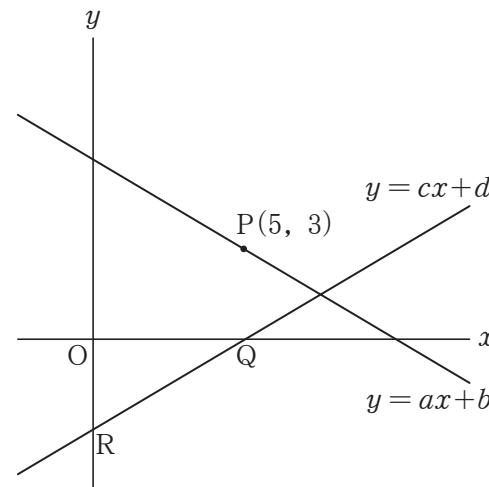
- 3 右の図のように、点P(5, 3)を通る右下がりの直線 $y=ax+b$ と、 x 軸上の点Qと y 軸上の点Rを通る直線 $y=cx+d$ がある。このとき、点Qの x 座標は正の数、点Rの y 座標は負の数とする。

次の(1), (2)に答えなさい。

- (1) a, b は、それぞれ正の数、負の数のどちらか。次のア～エの中から正しい組み合わせを選び、記号で答えなさい。

- ア a は正の数, b は正の数
- イ a は正の数, b は負の数
- ウ a は負の数, b は正の数
- エ a は負の数, b は負の数

- (2) 四角形ORQPが平行四辺形のとき、 c, d の値をそれぞれ求めなさい。



山口県の関数問題 [平成24年度]

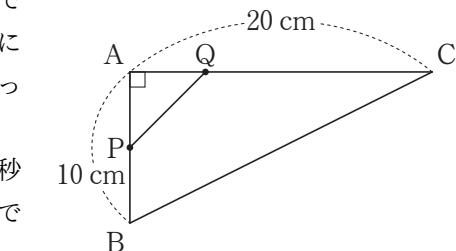
—月—日 得点 ___ /6

氏名 _____

- 7 下の図のように、 $\angle A=90^\circ$, $AB=10\text{ cm}$, $AC=20\text{ cm}$ の直角三角形ABCがある。2点P, Qは、それぞれ辺AB, AC上を次のように動くものとする。

- ・点Pは、Aを出発し、毎秒2cmの速さでBに向かって動き、Bに到着するとすぐに折り返し、毎秒2cmの速さでAに向かって動いて、Aで止まる。
- ・点Qは、点Pと同時にAを出発し、毎秒2cmの速さでCに向かって動いて、Cで止まる。

次の(1)～(3)に答えなさい。



- (1) 点PがAを出発してから3秒後の線分PQの長さを求めなさい。
- (2) 点PがAを出発してから x 秒後の $\triangle APQ$ の面積を $y\text{ cm}^2$ とする。 x の変域が $0 < x < 5$ のとき、 y を x の式で表しなさい。
- (3) 点PがBで折り返したあと、 $\triangle PBQ$ の面積が $\triangle ABC$ の面積の $\frac{1}{2}$ となるのは、点PがAを出発してから何秒後か。求めなさい。

(1)

ウ

(2)

$$c = \frac{3}{5}, d = -3$$

各2点

(1)

$6\sqrt{2}$

cm

(2)

$$y = 2x^2 \quad (0 < x < 5)$$

(3)

$$\frac{5+5\sqrt{5}}{2}$$

秒後

各2点

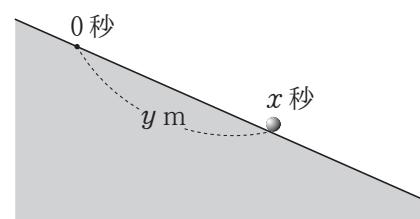
山口県の関数問題 [平成23年度]

—月—日 得点 /4

氏名

- 3 右の図のような斜面で、ボールが転がり始めてから x 秒間に転がる距離を y m とするとき、 x と y の間には、 $y = 2x^2$ の関係がある。

次の(1), (2)に答えなさい。



(1) ボールが転がり始めた位置から転がる距離が 18m となるのは、転がり始めてから何秒後か。答えなさい。

(2) 関数 $y = 2x^2$ について、 x の値が 1 から 4 まで増加するときの変化の割合を求めなさい。

(1)

3 秒後

(2)

10

各 2 点

山口県の関数問題 [平成23年度]

—月—日 得点 /5

氏名

- 7 図 1 のように、容積が 360ℓ の貯水タンクと容積が 240ℓ の水そうがある。貯水タンクは満水で、水そうは空である。

排水装置 A を作動させ、貯水タンクの水を一定の割合で水そうに入れる。水そうが満水になると同時に、排水装置 A は作動させたままで排水装置 B を作動させ、水そうから水があふれないように水そうの水を一定の割合で排水する。

図 2 は、貯水タンクから水そうに水を入れ始めてから x 分後の、水そうの水の量を $y\ell$ として、 x と y の関係をグラフに表したものである。

次の(1)～(3)に答えなさい。

(1) 貯水タンクから水そうに水を入れ始めてから 5 分後の、水そうの水の量を求めなさい。

(2) 図 2 のグラフで、12 分後にグラフの傾きが変わったのはなぜか。簡潔に説明しなさい。

(3) 水そうの水は、毎分何 ℓ の割合で排水されたか。求めなさい。

図 1 貯水タンク

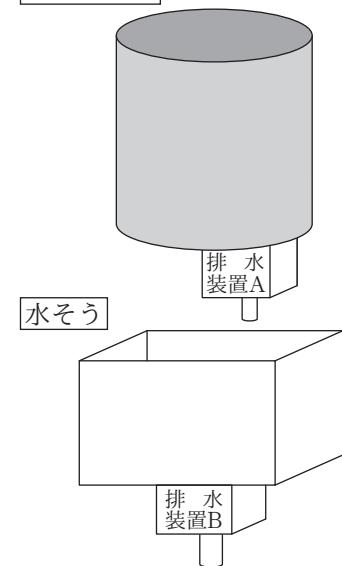
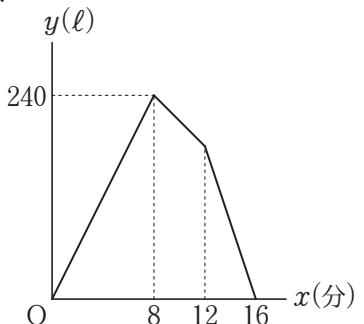


図 2



(1)

150 ℓ

(2)

貯水タンクが空になり、水そうに水が入らなくなったから。

(3)

毎分 45 ℓ

(1) 1 点 (2) 2 点 (3) 2 点

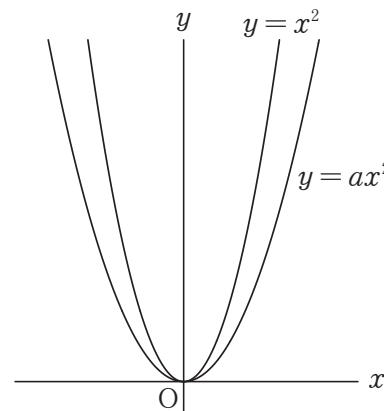
山口県の関数問題 [平成22年度]

—月—日 得点 ___ /4
氏名

- 3 右の図は、関数 $y=x^2$ のグラフと関数 $y=ax^2$ のグラフを、同じ座標軸を使ってかいたものである。

次の(1), (2)に答えなさい。

- (1) 関数 $y=x^2$ のグラフ上に、 y 座標が 9 である点が 2 つある。その 2 つの点の座標を求めなさい。



- (2) 関数 $y=ax^2$ について、 x の変域が $-1 \leq x \leq 4$ のとき、 y の変域が $0 \leq y \leq 8$ である。 a の値を求めなさい。

(1)	(2)
$(-3, 9), (3, 9)$	$a = \frac{1}{2}$

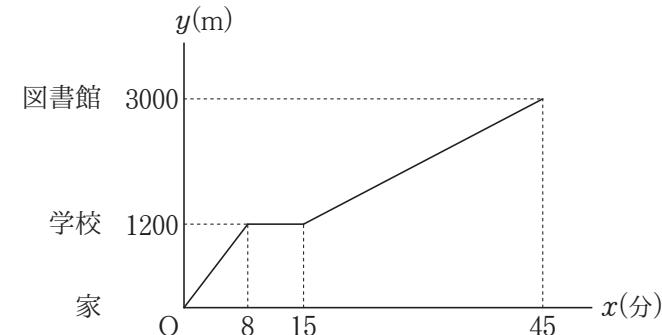
各 2 点

山口県の関数問題 [平成22年度]

—月—日 得点 ___ /6
氏名

- 7 A さんの家から図書館へ行く途中に学校がある。A さんは、午後 1 時に家を出発し、一定の速さで走って学校に向かった。学校に着いてしばらく休憩した後、学校から図書館までは一定の速さで歩き、図書館に着いた。

下の図は、A さんが家を出発してから x 分間に進んだ道のりを y m として、 x, y の関係をグラフに表したものである。



次の(1)～(3)に答えなさい。

- (1) A さんが学校にいたのは何分間か。求めなさい。
 (2) 家から学校まで A さんが走った速さは、毎分何 m か。求めなさい。
 (3) A さんが家を出発したあと、A さんの兄が自転車で家を出発し、毎分 200m の速さで同じ道を通って図書館へ向かったところ、午後 1 時 35 分に A さんに追いついた。A さんの兄が家を出発した時刻と、A さんの兄が家を出発してから A さんに追いつくまでに進んだ道のりを求めなさい。

(1)	(2)	(3)
7 分間	毎分 150 m	時刻 午後 1 時 23 分 道のり 2400 m

(1) 1 点 (2) 2 点 (3) 3 点

山口県の関数問題 [平成21年度]

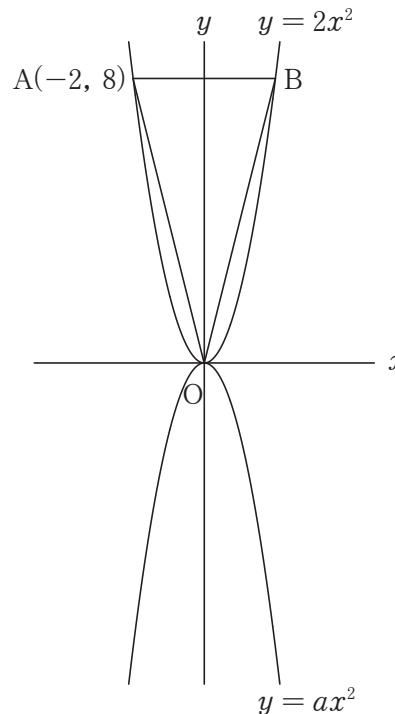
—月—日 得点 ___ /4

氏名 _____

- 3 右の図は、関数 $y = 2x^2$ のグラフと、関数 $y = ax^2$ のグラフを同じ座標軸を使ってかいたものであり、2つのグラフは x 軸について対称である。関数 $y = 2x^2$ のグラフ上には、2点 A(-2, 8), B があり、線分 AB は x 軸に平行である。

次の(1), (2)に答えなさい。

- (1) a の値を求めなさい。
 (2) 原点 O と 2 点 A, B を頂点とする $\triangle OAB$ の面積を求めなさい。



山口県の関数問題 [平成21年度]

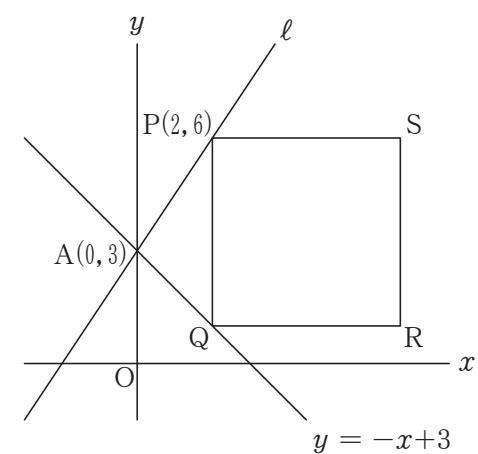
—月—日 得点 ___ /4

氏名 _____

- 5 右の図のように、点 P(2, 6) を通る直線 ℓ と点 Q を通る直線 $y = -x+3$ が点 A(0, 3) で交わっており、線分 PQ は y 軸に平行である。また、四角形 PQRS が正方形となるように、点 R, S をとる。このとき、点 R の x 座標は、点 Q の x 座標より大きいものとする。

次の(1), (2)に答えなさい。

- (1) 直線 ℓ の傾きを求めなさい。
 (2) 点 R の座標を求めなさい。



(1)	(2)
-----	-----

$$a = \textcolor{red}{-2}$$

(1)	(2)
-----	-----

$$\textcolor{red}{16}$$

各 2 点

(1)	(2)
-----	-----

$$\frac{3}{2}$$

$$R(\textcolor{red}{7}, \textcolor{red}{1})$$

各 2 点

山口県の関数問題 [平成20年度]

—月—日 得点 ___ /4
氏名 _____

- 3 右の図のア～エは、 $y = ax^2$ の形で表される4つの関数のグラフを、関数 $y = 2x^2$ のグラフと同じ座標軸を使ってかいたものである。
次の(1), (2)に答えなさい。

(1) ア～エは、次の4つの関数

$$y = 3x^2$$

$$y = -3x^2$$

$$y = \frac{1}{3}x^2$$

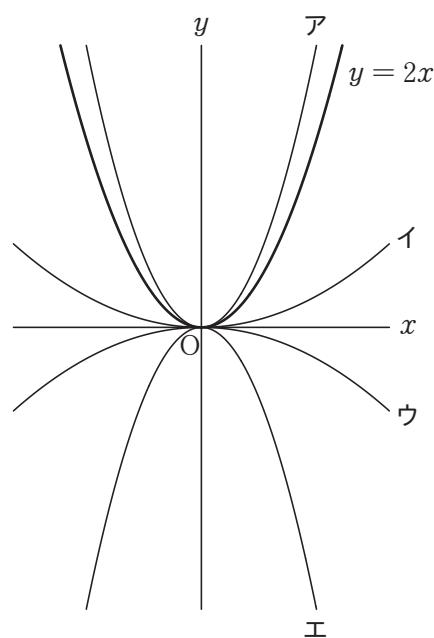
$$y = -\frac{1}{3}x^2$$

のいずれかのグラフである。

$y = -3x^2$ のグラフはどれか。

ア～エの中から1つ選び、記号で答えなさい。

- (2) 関数 $y = 2x^2$ について、 x の値が 3 から 5 まで増加するときの変化の割合を求めなさい。



(1)	(2)
エ	16

各2点

山口県の関数問題 [平成20年度]

—月—日 得点 ___ /6
氏名 _____

- 7 図1のように、縦20cm、横30cm、深さ20cmの直方体の形をした空の水そうの中に、高さ12cmの直方体の鉄のおもりを入れ、水そうの底に固定しておく。この水そうに、毎秒50cm³の割合で満水になるまで水を入れる。水を入れ始めてから x 秒後の、水そうの底から水面までの高さを y cm とする。

図2は、 x , y の関係を途中までグラフに表したものである。

図1

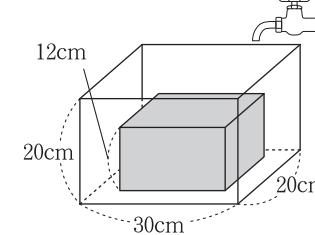
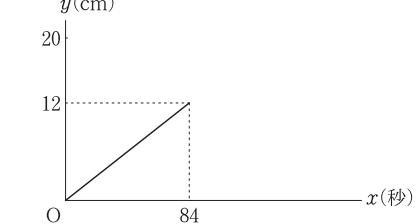
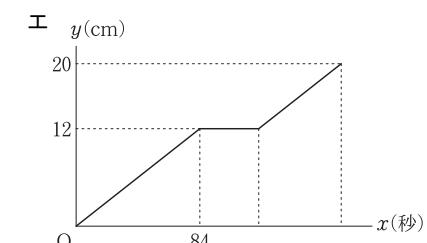
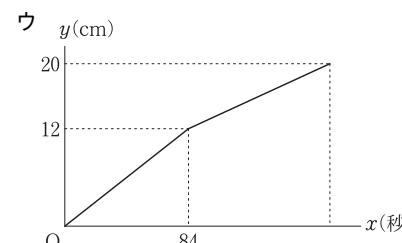
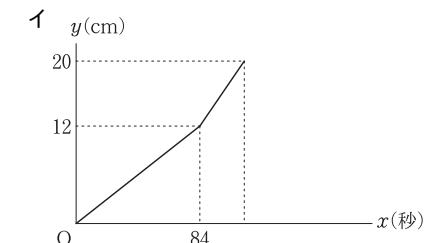
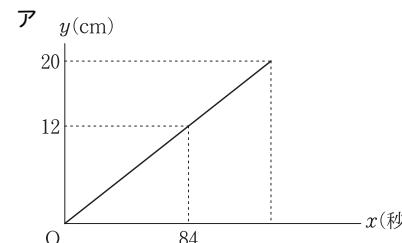


図2



次の(1)～(3)に答えなさい。

- (1) 図2のグラフで、 x の変域が $0 \leq x \leq 84$ のとき、 y を x の式で表しなさい。
(2) このおもりの底面積を求めなさい。
(3) 水を入れ始めてから満水になるまでの、 x , y の関係を表したグラフが、次のア～エの中に1つある。そのグラフを選び、記号で答えなさい。



(1)	(2)	(3)
$y = \frac{1}{7}x$ ($0 \leq x \leq 84$)	250	cm ²

各2点